

1 次の各問に答えよ。

〔問1〕 $-3^2 \times \frac{4}{9} + 8$ を計算せよ。

〔問2〕 $a + 6b - 2(a - b)$ を計算せよ。

〔問3〕 $(\sqrt{5} - 1)^2$ を計算せよ。

〔問4〕 一次方程式 $3x - 8 = 7(x + 4)$ を解け。

〔問5〕 連立方程式 $\begin{cases} x + 2y = 1 \\ 5x + 9y = 6 \end{cases}$ を解け。

〔問6〕 二次方程式 $x^2 - 7x = 0$ を解け。

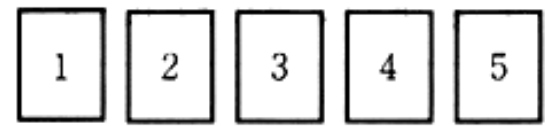
〔問7〕 右の図1のように、1, 2, 3, 4, 5の

数字を1つずつ書いた5枚のカードがある。

この5枚のカードから同時に2枚のカードを取り出すとき、取り出した2枚のカードに書いてある数の積が10未満になる確率を求めよ。

ただし、どのカードが取り出されることも同様に確からしいものとする。

図1



〔問8〕 右の図2で、3点A, B, Cは、

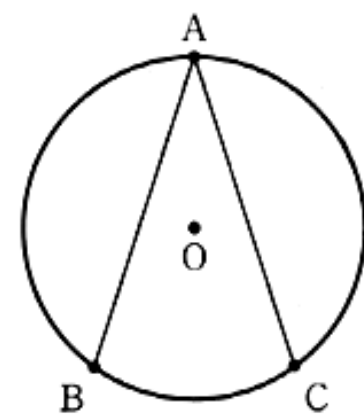
円Oの周上にあり、互いに一致しない。

円Oの半径が10 cm, $\angle BAC = 36^\circ$ のとき、

点Aを含まない \widehat{BC} の長さは何 cm か。

ただし、円周率は π とする。

図2



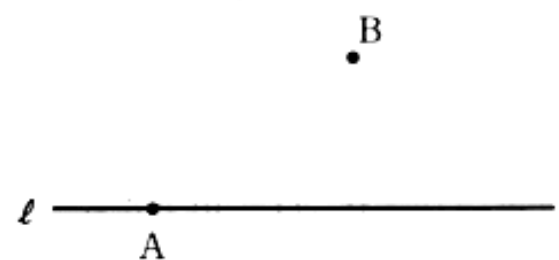
〔問9〕 右の図3で、点Aは直線 ℓ 上にある点で、

点Bは直線 ℓ 上にない点である。

解答欄に示した図をもとにして、直線 ℓ 上に中心があり、点Aと点Bを通る円の中心Oを、定規とコンパスを用いて作図によって求め、中心Oの位置を示す文字Oも書け。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

図3



- 2 ある中学校で、Sさんが作った問題をみんなで考えた。
次の各問に答えよ。

〔Sさんが作った問題〕

右の図1のように、9つの正方形の枠内に文字 $a, b, c, d, e, f, g, h, i$ を書いた表がある。

図1

a	b	c
d	e	f
g	h	i

図1において、連続する9つの自然数を小さい方から順に、 $a, b, c, d, e, f, g, h, i$ にそれぞれ代入する。

右の図2は、図1において、1から始まる連続する9つの自然数をそれぞれ代入した場合を表しており、

右の図3は、図1において、2から始まる連続する9つの自然数をそれぞれ代入した場合を表している。

図2

1	2	3
4	5	6
7	8	9

図3

2	3	4
5	6	7
8	9	10

図1において、連続する9つの自然数を小さい方から順に、 $a, b, c, d, e, f, g, h, i$ にそれぞれ代入するとき、 $a + e + i = 30$ となる e の値を調べてみよう。

- 〔問1〕〔Sさんが作った問題〕で、 $a + e + i = 30$ となる e の値を求めよ。

先生は、〔Sさんが作った問題〕をもとにして、次の問題を作った。

〔先生が作った問題〕

図1において、 P と Q をそれぞれ、 $P = b \times h + d \times f$ 、 $Q = a \times i + c \times g$ とする。

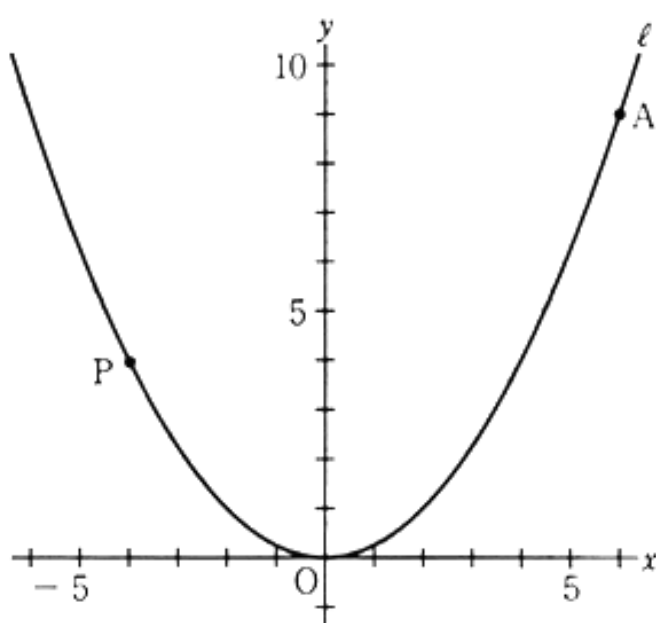
図2で、 P と Q はそれぞれ、 $P = 2 \times 8 + 4 \times 6 = 40$ 、 $Q = 1 \times 9 + 3 \times 7 = 30$ であり、このとき、 $P - Q = 10$ となる。また、図3で、 P と Q はそれぞれ、 $P = 3 \times 9 + 5 \times 7 = 62$ 、 $Q = 2 \times 10 + 4 \times 8 = 52$ であり、このときも、 $P - Q = 10$ となる。

図1において、連続する9つの自然数を小さい方から順に、 $a, b, c, d, e, f, g, h, i$ にそれぞれ代入するとき、連続する9つの自然数がどの数から始まる場合でも、 $P - Q = 10$ となることを確かめなさい。

- 〔問2〕〔先生が作った問題〕で、 a, b, c, d, f, g, h, i をそれぞれ e を用いて表し、 $P - Q = 10$ となることを証明せよ。

- 3 右の図1で、点Oは原点、曲線ℓは関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ のグラフを表している。
 点Aは曲線ℓ上にあり、x座標は6である。
 曲線ℓ上にある点をPとする。
 次の各問に答えよ。

図1

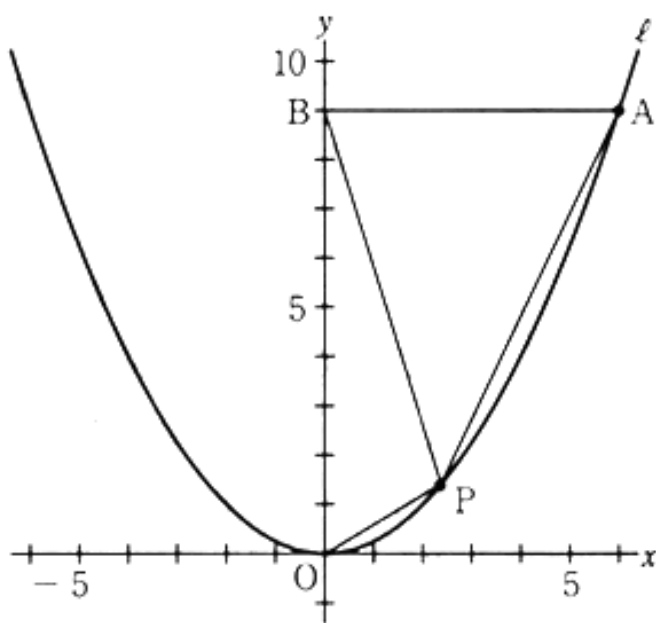


- 〔問1〕 点Pのx座標をa、y座標をbとする。
 aのとり値の範囲が $-5 \leq a \leq 4$ のとき、
 bのとり値の範囲を不等号を使って、
 $\square \leq b \leq \square$
 で表せ。

- 〔問2〕 点Pのx座標が-2のとき、2点A、Pを通る直線の式を求めよ。

- 〔問3〕 右の図2は、図1において、点Pのx座標が6より小さい正の数であるとき、点Aを通りx軸に平行な直線を引き、y軸との交点をBとし、点Aと点P、点Bと点P、点Oと点Pをそれぞれ結んだ場合を表している。
 $\triangle ABP$ の面積と $\triangle BOP$ の面積の比が3:2となるとき、点Pの座標を求めよ。

図2



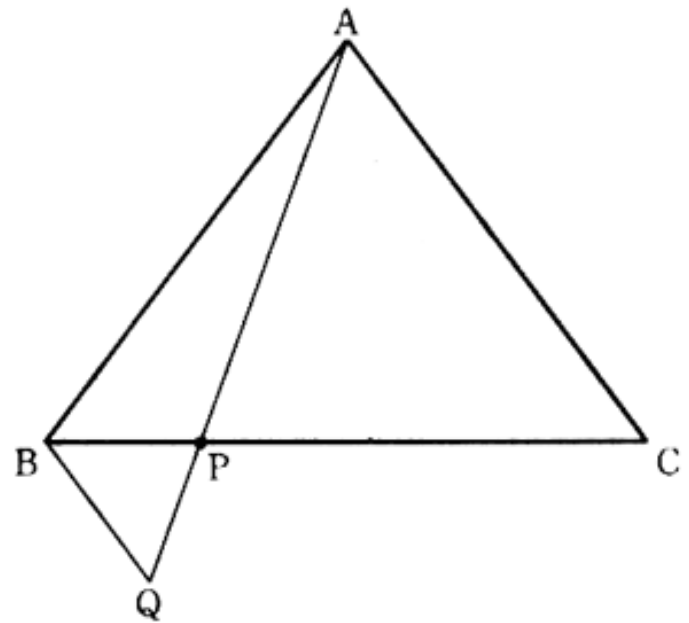
4 右の図1で、 $\triangle ABC$ は $AB=AC$ 、 $\angle BAC$ が鋭角の二等辺三角形である。

点Pは、辺BC上にある点で、頂点B、頂点Cのいずれにも一致しない。

頂点Aと点Pを結び、線分APをPの方向に延ばした直線と、頂点Bを通り辺ACに平行な直線との交点をQとする。

次の各問に答えよ。

図1



[問1] 図1において、 $\angle BAC = 70^\circ$ 、 $\triangle ABP$ の内角である $\angle BAP$ の大きさを a° とするとき、 $\triangle BQP$ の内角である $\angle BPQ$ の大きさを a を用いた式で表せ。

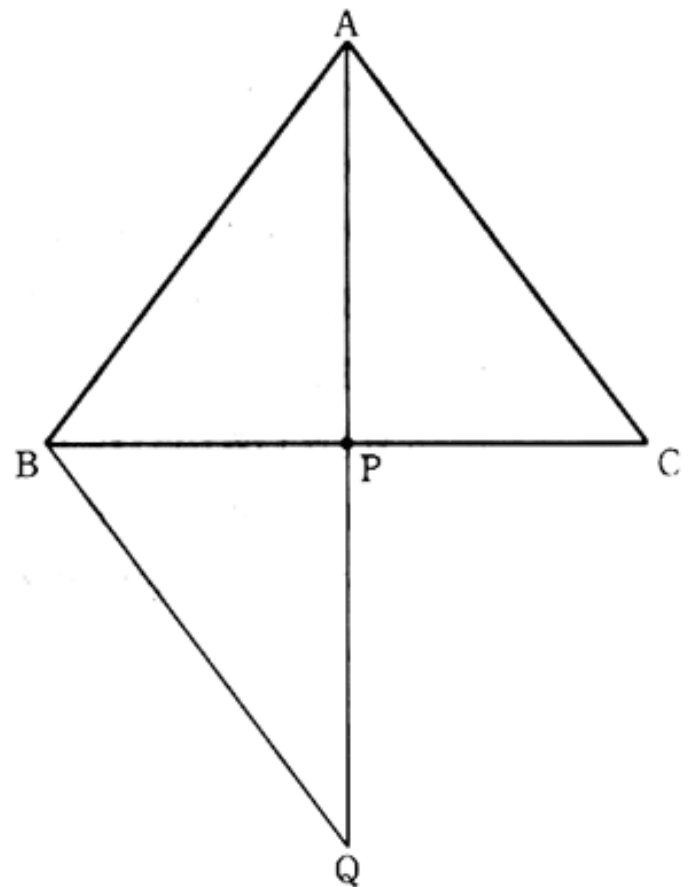
[問2] 右の図2は、図1において、 $BP=CP$ の場合を表している。次の①、②に答えよ。

① $\triangle APC \equiv \triangle QPB$ であることを証明せよ。

② 図2において、点Pを通り辺ABに平行な直線を引き、辺ACとの交点をRとし、頂点Bと点Rを結んだ線分と、線分APとの交点をSとした場合を考える。

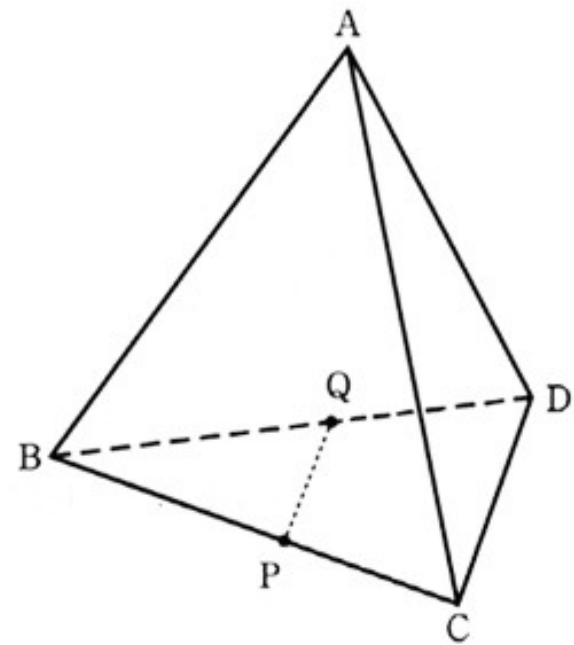
$AB = 5\text{ cm}$ 、 $BC = 6\text{ cm}$ のとき、 $\triangle SBQ$ の面積は何 cm^2 か。

図2



- 5 右の図1に示した立体 $A-BCD$ は、
 1辺の長さが6 cm の正四面体である。
 点Pは、頂点Cを出発し、辺CB、辺BA上を
 毎秒1 cm の速さで動き、12秒後に頂点Aに到着する。
 点Qは、点Pが頂点Cを出発するのと同時に
 頂点Bを出発し、辺BD、辺DC上を、点Pと同じ
 速さで動き、12秒後に頂点Cに到着する。
 点Pと点Qを結ぶ。
 次の各問に答えよ。

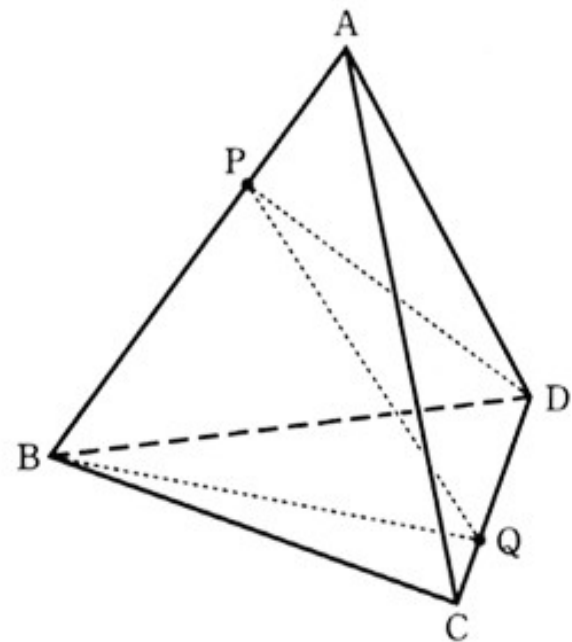
図1



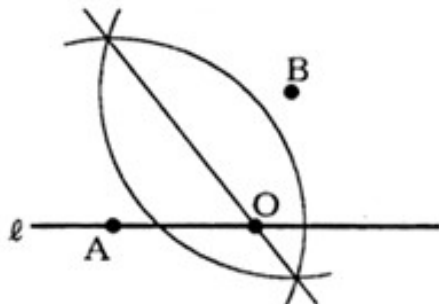
- 〔問1〕 図1において、点Pが辺CB上にあるとき、辺CBと線分PQが垂直になるのは、
 点Pが頂点Cを出発してから何秒後か。

- 〔問2〕 右の図2は、図1において、点Pが
 頂点Cを出発してから10秒後のとき、頂点Bと
 点Q、頂点Dと点Pをそれぞれ結んだ場合を
 表している。
 立体 $P-BQD$ の体積は、立体 $A-BCD$ の
 体積の何分のいくつか。

図2



数 学

問題番号	正 答	配点	
1	[問1]	4	5
	[問2]	$-a + 8b$	5
	[問3]	$6 - 2\sqrt{5}$	5
	[問4]	-9	5
	[問5]	$x = 3, y = -1$	5
	[問6]	0, 7	5
	[問7]	$\frac{3}{5}$	5
	[問8]	$4\pi \text{ cm}$	5
[問9]		6	
2	[問1]	10	5
	[問2]	<p>[証 明]</p> <p>a, b, c, d, f, g, h, iをそれぞれeを用いて表すと, $a = e - 4, b = e - 3, c = e - 2, d = e - 1, f = e + 1,$ $g = e + 2, h = e + 3, i = e + 4$と表せる。 PとQをそれぞれeを用いて表すと, $P = b \times h + d \times f$ $= (e - 3)(e + 3) + (e - 1)(e + 1)$ $= 2e^2 - 10$ (1) $Q = a \times i + c \times g$ $= (e - 4)(e + 4) + (e - 2)(e + 2)$ $= 2e^2 - 20$ (2) と表せる。 (1), (2)より, $P - Q = (2e^2 - 10) - (2e^2 - 20)$ $= 10$ よって, $P - Q = 10$</p>	7
3	[問1]	$0 \leq b \leq \frac{25}{4}$	5
	[問2]	$y = x + 3$	5
	[問3]	$(3, \frac{9}{4})$	5
4	[問1]	$(a + 55)$ 度	5
	[問2]	<p>① [証 明]</p> <p>$\triangle APC$と$\triangle QPB$において, 仮定から, $CP = BP$ (1) $AC \parallel BQ$より, 平行線の錯角は等しいから, $\angle ACP = \angle QBP$ (2) 対頂角は等しいから, $\angle APC = \angle QPB$ (3) (1)~(3)より, 1辺とその両端の角がそれぞれ等しいから, $\triangle APC \cong \triangle QPB$</p> <p>② 8 cm^2</p>	7
5	[問1]	4秒後	5
	[問2]	$\frac{4}{9}$	5